



Extrait de l'ouvrage **Fibonacci, Liber Abaci** *Classique Kangourou n° 6*

Le problème des lapins,
pages 29 à 32,

Le problème des lapins

Et voici maintenant l'exposé du problème, certainement le plus connu de Fibonacci, relatif à la copulation très ordonnée des lapins.

Les mathématiciens ont donné le nom de « suite de Fibonacci » à toute suite qui, comme

1 1 2 3 5 8 13 21 34 55 89 144 233 377 610 ...

vérifie la propriété que chaque terme est la somme des deux précédents. Fibonacci commence par une question banale qui va pourtant avoir un avenir étonnant...



Quelqu'un plaça une paire de lapins dans un endroit clos de tous côtés afin de savoir combien de descendants cette seule paire engendrerait en une année.

Or, il est dans leur nature de mettre au monde une nouvelle paire chaque mois, et les lapins ont des descendants deux mois après leur naissance.

Combien de paires de lapins sont engendrées en une année par une seule paire ?

Comme la paire susmentionnée a des descendants le premier mois, tu la doubleras, et il y aura deux paires le premier mois.

De celles-ci l'une, la première, aura des descendants le deuxième mois, de sorte qu'il y aura 3 paires le deuxième mois.

De celles-ci, deux seront fécondes le troisième mois, de sorte que 2 paires de lapins sont mises au monde et qu'il y aura ainsi 5 paires ce mois-là.

De celles-ci, 3 seront fécondes, et il y aura 8 paires le quatrième mois.

De ces dernières, 5 engendreront cinq paires, qui, ajoutées aux 8 paires, donneront 13 paires pour le cinquième mois.

De ces paires, 5, mises au monde durant le même mois, ne concevront pas au cours dudit mois, mais les 8 autres paires procréeront. Par suite, il y aura 21 paires le sixième mois.



Paire
1
Premier
2
Second
3
Troisième
5
Quatrième
8
Cinquième
13
Sixième
21
Septième
34
Huitième
55
Neuvième
89
Dixième
144
Onzième
233
Douzième
377

Y ajoutant les 13 paires se reproduisant au septième mois, il y aura durant celui-ci 34 paires.

Y ajoutant les 21 paires se reproduisant au huitième mois, il y aura durant celui-ci 55 paires.

Y ajoutant les 34 paires se reproduisant au neuvième mois, il y aura durant celui-ci 89 paires.

Y ajoutant de même les 55 paires se reproduisant au dixième mois, il y aura durant celui-ci 144 paires.

Y ajoutant de même les 89 paires se reproduisant au onzième mois, il y aura durant celui-ci 233 paires.

Y ajoutant encore les 144 paires se reproduisant au dernier mois, il y aura 377 paires.

C'est le nombre de paires qu'engendra la paire susmentionnée placée dans ledit endroit au terme d'une année.

Tu peux voir dans cette marge notre manière d'opérer. Nous avons ajouté le premier nombre au second, soit 1 à 2, le second au troisième, le troisième au quatrième, le quatrième au cinquième, et ainsi de suite jusqu'à ce que nous additionnions le dixième au onzième, à savoir 144 à 233, et nous avons obtenu la somme desdits lapins, soit 377 (paires). Tu pourrais poursuivre ainsi pour un nombre illimité de mois. [p. 283]

Commentaire. Voici donc la fameuse « suite de Fibonacci » joliment expliquée par lui-même (avec au départ une première paire de lapins déjà féconds).

Voyez, page suivante, une illustration montrant les générations successives de lapins, distinguant les jeunes, les adolescents, et les plus vieux, capables de procréer.



Les six premières générations

